

Deterministische endliche Automaten

DEA ist die deutsche Abkürzung für *Deterministischer Endlicher Automat*. Im Englische lautet die Abkürzung DFA für *Deterministic Final Automaton*. Auch in deutschsprachiger Fachliteratur wird oft das Akronym DFA genutzt.

Definition

Ein DEA ist ein 5-Tupel $DEA = \{ Q, \Sigma, \delta, E, s \}$ er besteht also aus den folgenden 5 Teilen:

- Q Menge aller Zustände (oft auch Z oder S (engl. state))
- Σ Alphabet / Menge der Alphabetzeichen (Sigma)
- δ Übergangsfunktion (Delta)
- E Menge der akzeptierenden Endzustände,
- s Startzustand.

Den **Übergang** von einem Zustand zum nächsten bezeichnet man auch als **Transition** oder **Zustandsübergang**.

Ein **deterministischer** endlicher Automat (deterministisch = klar definierte Zustände & Übergänge, daher reproduzierbare Verarbeitung) hat bestimmte Eigenschaften:

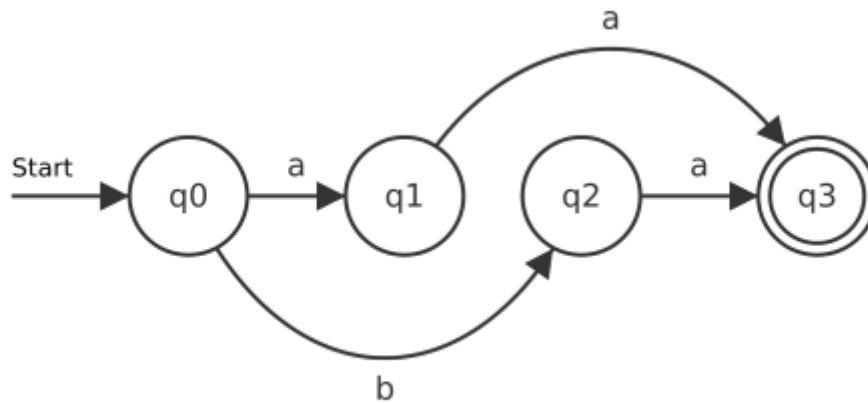


- Von einem Zustand q_1 kann es keine 2 möglichen Übergänge geben, die beide dasselbe Alphabetzeichen verarbeiten. → Pro Alphabetzeichen gibt es nur einen möglichen Weg!
- Ebenso darf es nur einen einzigen Startzustand geben.

Das Wort **endlich** bezieht sich darauf, dass es eine endliche Menge von Zuständen gibt (also nicht *unendlich* viele).

Darstellung

Ein DEA wird häufig durch seinen **Übergangsgraphen** dargestellt. Gelegentlich wird auch der Begriff **Zustandsübergangsdiagramm** verwendet.



Im Übergangsgraphen sind viele Informationen enthalten:

- $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
- $\Sigma = \{a, b\}$
- δ wird dargestellt durch die Pfeile, die von einem Zustand zum nächsten führen.
- $E = \{q_3\}$
- $s = q_0$

Die Übergangsmatrix

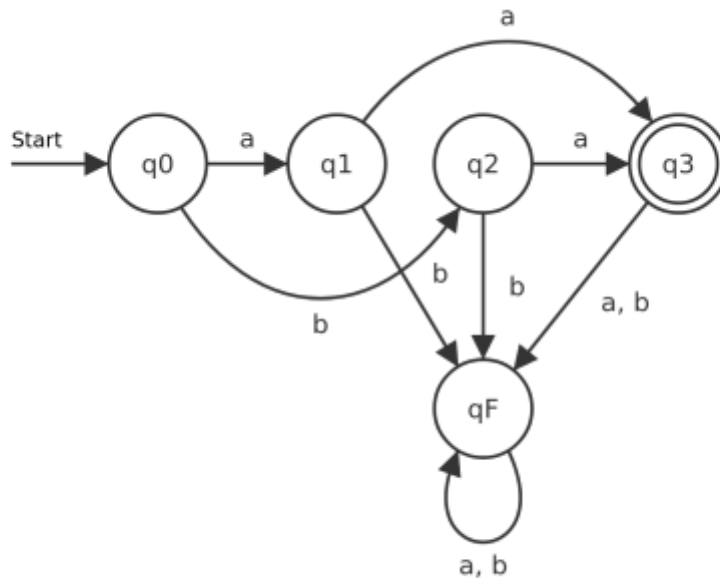
Die Übergangsfunktion δ kann auch als **Übergangsmatrix** oder **Übergangstabelle** dargestellt werden. Dabei werden in der ersten Spalte alle Zustände eingetragen und in der ersten Zeile alle Zeichen des Eingabealphabets Σ eingetragen.

In den Tabellenzellen wird vermerkt, zu welchem Zustand der Automat wechselt, wenn er zuvor im Zustand der ersten Spalte war und dann die Eingabe der ersten Zeile erfolgt. Die Übergangstabelle für das obige Beispiel sieht also so aus:

δ	a	b
q0	q1	q2
q1	q3	
q2	q3	
q3		

Das bedeutet im Beispiel: Wenn der Automat sich im Zustand **q1** befindet, und es erfolgt die Eingabe **a**, wechselt er zum Zustand **q3**.

Nun fällt auf, dass die Tabelle unvollständig ist: Wenn der Automat sich im Zustand **q1** befindet, und die Eingabe **b** erfolgt, ist kein Ziel angegeben, denn der Automat akzeptiert an dieser Stelle die Eingabe **b** überhaupt nicht. Das liegt daran, dass im Übergangsdiagramm der Fehlerzustand der Übersichtlichkeit halber weggelassen wurde. Das vollständige Diagramm sieht so aus:



Die vollständige Übergangsmatrix sieht also so aus:

δ	a	b
q0	q1	q2
q1	q3	qF
q2	q3	qF
q3	qF	qF
qF	qF	qF



Während man in Zustandsübergangsdiagrammen den Fehlerzustand meist weglässt, um die Übersichtlichkeit zu verbessern, wird der Fehlerzustand bei der Darstellung von δ als Übergangsmatrix für gewöhnlich angegeben.



(A1)

Gegeben ist der folgende DEA: $M = (\{z0,z1,z2,z3\}, \{\text{apfel,birne}\}, \delta, \{z0\}, z3)$. δ ist in Form einer Übergangstabelle gegeben:

δ	apfel	birne
z0	z1	z3
z1	z2	z0
z2	z3	z1
z3	z0	z2

- Welches sind die Zustände des DEA, was der Start, was gültige Endzustände?
 - Erstelle ein Zustandsübergangsdiagramm für den DEA
-



(A2)

Entwickle einen DEA, der als Eingabemenge $\Sigma = \{0,1\}$ hat, und alle Eingaben akzeptiert, die auf 10 enden.

- Gib einen Übergangsgraphen an
- Gib eine Darstellung als Übergangsmatrix an

Beispieleingaben:

```
1000111110110 wird akzeptiert
1011101000111 wird nicht akzeptiert
```

Hilfestellung

Betrachte zunächst besondere Wörter wie etwa \emptyset oder (leeres Wort) und entscheide, ob diese akzeptiert werden oder nicht.



(A3)

Es soll ein DEA entworfen werden, der alle Worte der Form a^n (also a, aa, aaa, aaaa, u.s.w.) versteht, wobei n durch 3 oder durch 4 (oder durch beide) teilbar ist.

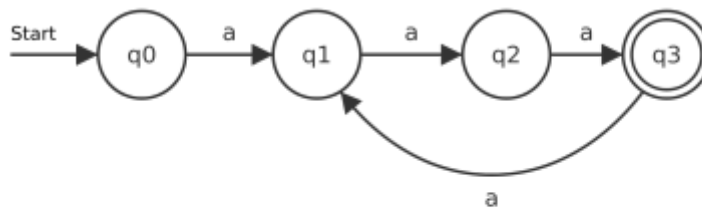
- Gib einen Übergangsgraphen an
- Gib eine Darstellung als Übergangsmatrix an

Beispieleingaben:

```
aaa      wird akzeptiert
aaaa     wird akzeptiert
aaaaa    wird nicht akzeptiert
aaaaaaa  wird akzeptiert
```

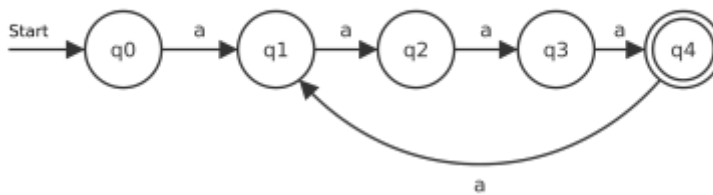
Hilfestellung 1

Welche Eingaben akzeptiert der folgende Automat?



Wie würde ein Automat aussehen, der allen Eingaben akzeptiert, bei denen die Anzahl der a's durch 4 teilbar ist?

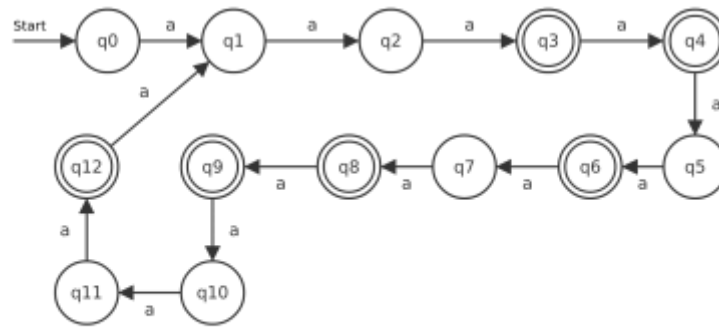
Hilfestellung 2 - Antwort auf die Frage aus Hilfestellung 1



Hilfestellung 3

Welches ist die erste Anzahl von a's, bei denen beide Kriterien zutreffen? Welche Zustände zuvor sind gültige Endzustände? Was passiert bei längeren Eingabeworten?

Lösung



Material

as0.png	100.2 KiB	24.05.2022	13:21
as01.png	104.2 KiB	24.05.2022	13:22
as2.png	180.1 KiB	24.05.2022	13:25
beispiel.png	122.8 KiB	20.05.2022	13:49
beispiel1.png	127.7 KiB	20.05.2022	14:11
folien_fs_dea.odp	177.0 KiB	23.05.2022	17:01
folien_fs_dea.pdf	250.8 KiB	23.05.2022	17:01

[DEA](#), [Übergangsmatrix](#), [Übergangsgraph](#)

From:

<https://info-bw.de/> -

Permanent link:

<https://info-bw.de/faecher:informatik:oberstufe:automaten:dea:start>

Last update: **11.03.2025 14:24**

