Traversierungen

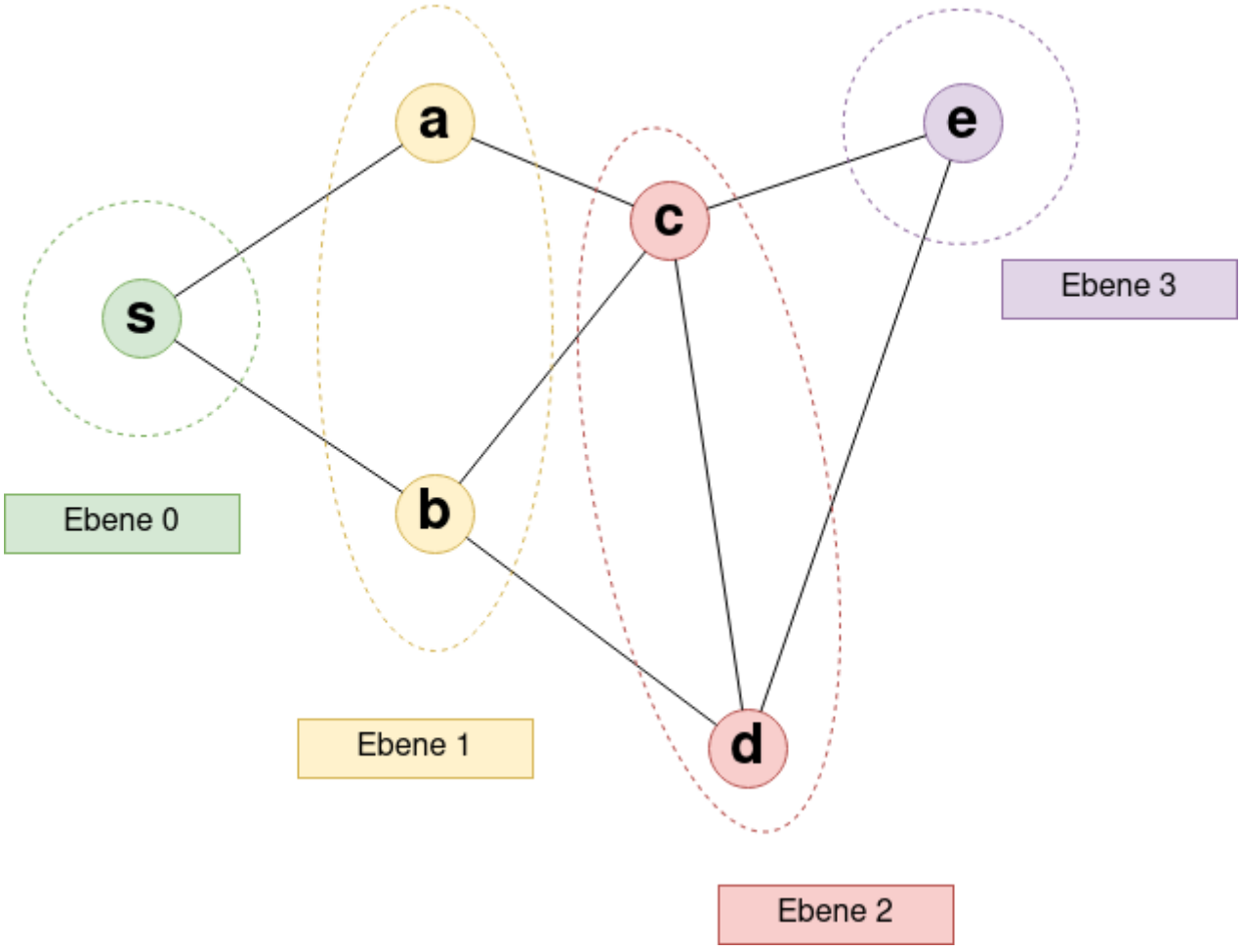
Eine der wichtigsten Operationen auf einem Graphen ist die **Traversierung**. der Begriff **Traversierung** bedeutet dabei, dass der Graph beginnend von einem Startknoten entlang der vorhandenen Kanten durchlaufen wird. Bei gerichteten Graphen wird dabei auch die Kantenrichtung berücksichtigt.

Die beiden grundlegenden Traversierungsarten sind die **Tiefensuche** und die **Breitensuche**.[1)]

Breitensuche

Bei der Breitensuche werden die Knoten eines Graphen "in Ebenen" untersucht, und zwar in der Reihenfolge der zunehmenden Entfernung vom Startknoten.

Ebene 0 enthält den Startknoten s, sonst nichts. Ebene 1 ist die Menge der Knoten, die eine Kante von s entfernt sind, also die Nachbarn von s. Diese Knoten werden bei der Breitensuche direkt im Anschluss des Startknotens untersucht, die Bachbarknoten dieser Knoten werden zur Untersuchung in Ebene 3 vorgemerkt.



Im Beispielgraph sind **a** und **b** die Nachbarn des Startknotens **s** und bilden somit die Ebene 1.

Allgemein sind die Knoten, die in der Eben i verarbeitet werden, diejenigen die zu einem Knoten in Schicht i-1 benachbart sind und nicht bereits zu einer der Schichten 0, 1, 2, ..., i-1 gehören.

Die Breitensuche bearbeitet alle Knoten der nächsten Ebene i unmittelbar nach Abschluss der Erkundung von Ebene i-1

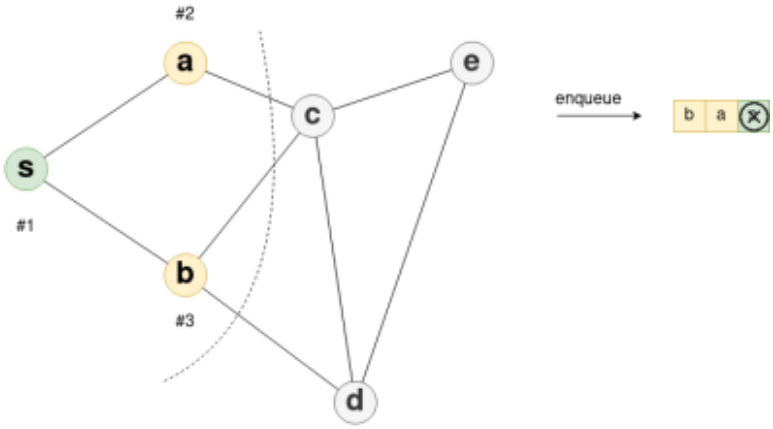
Zulässige Abfolgen für eine Breitensuche im Beispielgraphen wären also z.B. `s,a,b,d,c,e` oder auch `s,b,a,c,d,e`.

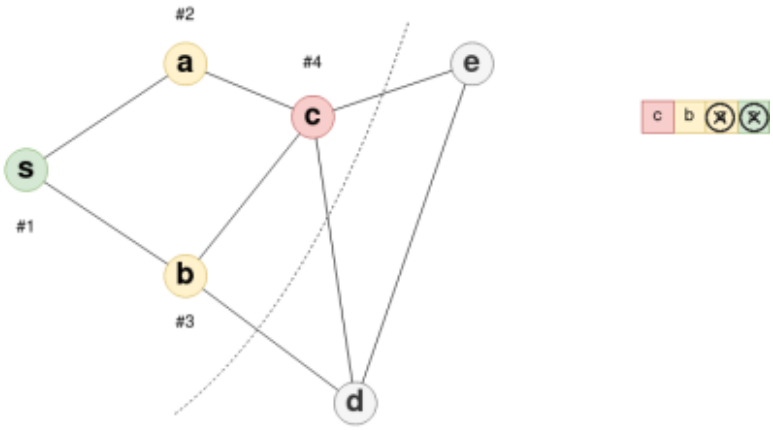
Implementation

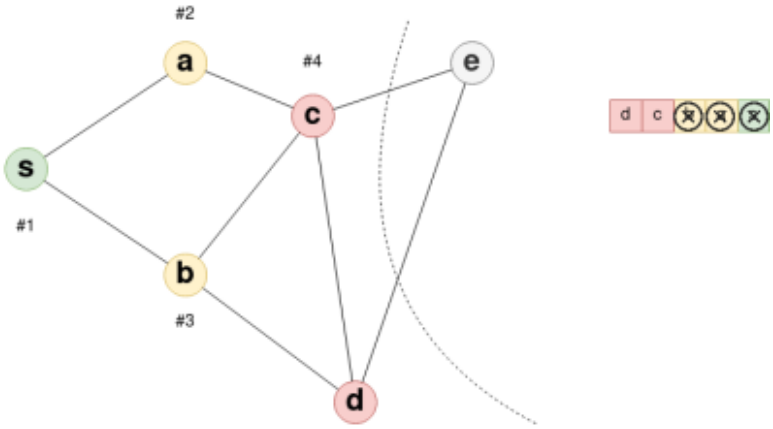
Implementiert wird die Breitensuche mit Hilfe eines Queues für die unbearbeiteten Knoten. Eine Schlange oder ein Queue ist eine einfach "First-In-First-Out"-Datenstruktur, der Pseudocode für eine Breitensuche sieht folgendermaßen aus:

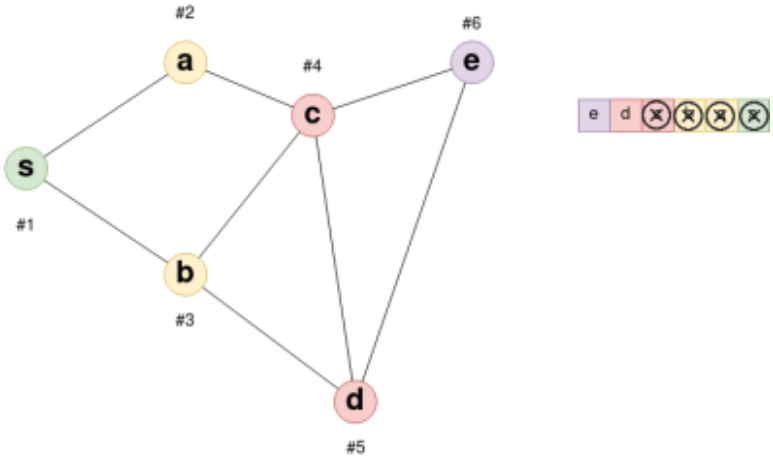
```
// Breitensuche
markiere den Startknoten s als besucht, alle anderen Knoten als nicht
besucht
Q := Ist eine Schlange, die mit dem Startknoten s initialisisert wird

solange "Q ist nicht leer":
  Entferne den ersten Knoten v der Schlange Q
  für alle Nachbarn w von v:
    wenn w nicht besucht ist:
      markiere w als besucht
      füge w ans Ende der Schlange Q an
    ende_wenn
  ende_für
ende_solange
```

Die folgende Grafik zeigt den Ablauf am Beispielgraphen von oben. Rechts ist jeweils der Zustand des Queues dargestellt, gestrichelt ist dargestellt, wie sich die "Ebenengrenze" verschiebt. Neue Knoten werden links in den Queue eingestellt und rechts entnommen/gelöscht.


#2
a
e
c
enqueue
b a
s
#1
b
#3
d


#2
a
#4
e
c
c b
s
#1
b
#3
d


#2
a
#4
e
c
d c
s
#1
b
#3
d


#2
#6
a
#4
e
c
e d
s
#1
b
#3
d
#5

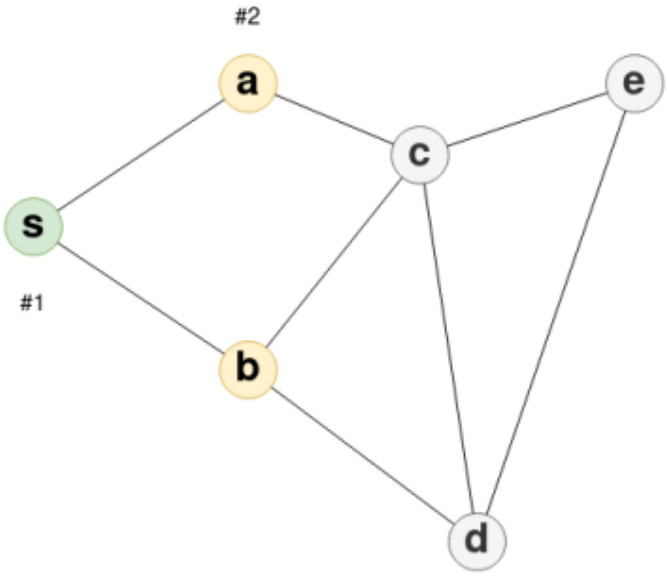
Tiefensuche

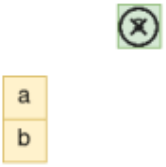
Bei der **Tiefensuche** werden die Knoten des Graphen nicht wie bei der Breitensuche "vorsichtig" Ebene für Ebene besucht, sondern es werden ausgehend vom aktuellen Knoten immer zuerst die gefundenen Nachbarknoten besucht. Realisiert wird das in der iterativen Variante des Algorithmus durch einen Stack für die zu besuchenden Knoten.

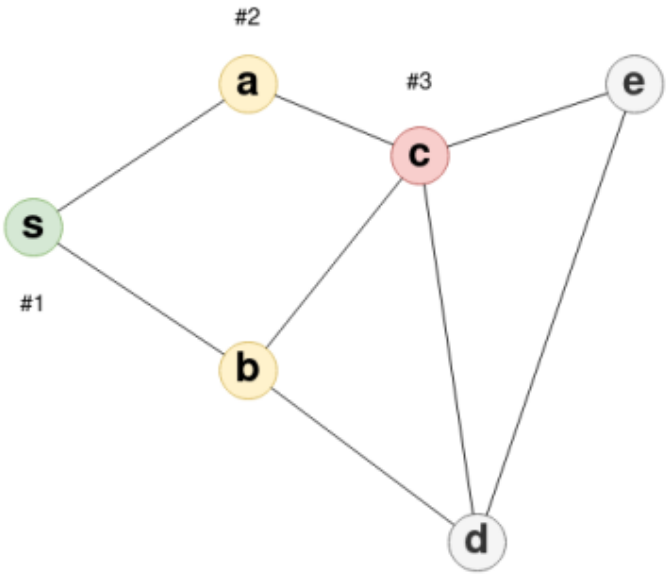
Implementation

```
// Breitensuche
markiere den Startknoten s als besucht, alle anderen Knoten als nicht
besucht
S := Ist ein Stapel, der mit dem Startknoten s initialisisert wird

solange "S ist nicht leer":
  Entferne den obersten Knoten v vom Stack S
  für alle Nachbarn w von v:
    wenn w nicht besucht ist:
      markiere w als besucht
      lege w auf dem Stack S ab
    ende_wenn
  ende_für
ende_solange
```

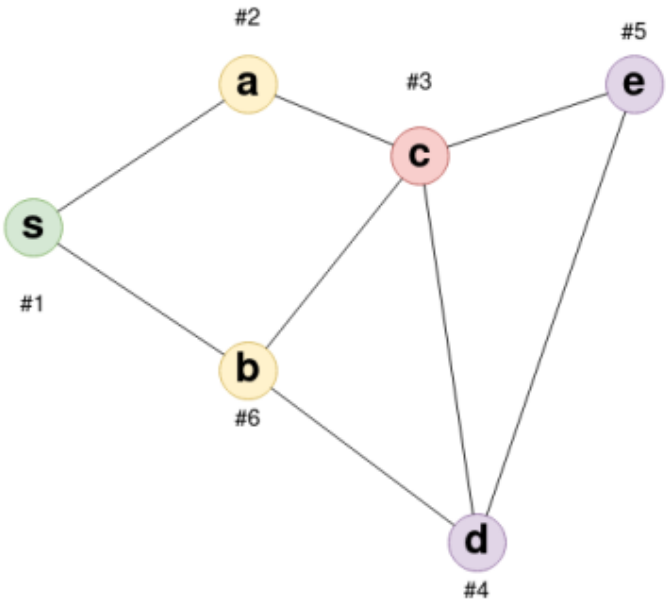
Die folgende Abbildung zeigt den Ablauf:


#2
a
e
c
s
#1
b
d


a
b


#2
a
#3
e
c
s
#1
b
d


c
b


#2
#5
a
#3
e
c
s
#1
b
#6
d
#4


d
e
b

Man kann gut erkennen, dass der Graph zunächst in der "Tiefe" bis zum Knoten **e** durchlaufen wird, bevor es beim Nachbarn **b** des Startknotens weitergeht.

1)

Vgl. Traversierungsarten in (Binär-)Bäumen - Bäume sind auch nur Graphen.