Die Darstellung von ganzen Zahlen

Ein Mikroprozessorsystem verarbeitet immer Bitmuster in Einheiten zu 8, 16, 32 oder mehr Bit. *Erst durch die Art der Verarbeitung wird diesem Bitmuster eine bestimmte Bedeutung zugewiesen.* Wende ich einen arithmetischen Maschinenbefehl auf ein Bitmuster an, so wird es als Zahl interpretiert, eine Ausgabe auf den Bildschirm interpretiert das gleiche Bitmuster dagegen als darstellbares Zeichen des aktuellen Zeichensatzes.

Beispiel: Ein Byte hat den Inhalt `01000011b = 43h = 67d`

Das kann unterschiedlich interpretiert werden.

- ASCII-Zeichen 'C'
- Vorzeichenlose oder vorzeichenbehaftete 8-Bit-Zahl: 67d = 43h
- als Maschinenbefehl
- Bitmuster um die Interrupts 0,1 und 6 freizugeben

Hier geht es um die Interpretation von Bitmustern ganze Zahlen betrachten.

Ein Mikroprozessor kann ein Bitmuster als Zahl interpretieren, dabei wird nach *ganzen Zahlen* mit und ohne Vorzeichen sowie *Fließkommazahlen* unterschieden.

Um die Darstellung der ganzen Zahlen zu verstehen, betrachten wir zunächst das uns geläufige Dezimalsystem , in dem zehn verschiedene Ziffern mit Potenzen der Zahl 10 gewichtet werden:

10^4	10^3	10^2	10^1	10^0
2	**3**	**0**	**8**	**9**

Ausgeschrieben bedeutet die Zahl: `2 * 10^4 + 3 * 10^3 + 0 * 10^2 + 8 * 10^1 + 9 * 10^0 = 2 * 10 000 + 3 * 1000 + 0 * 100 * 8 * 10 + 0 * 1`. Jede Stelle hat also einen bestimmten Wert: Die ganz rechts hat den Wert 1, dann kommt der Wert 10, 100 u.s.w. Man spricht von einem Stellenwertsystem.

Da ein Mikroprozessorsystem nur 2 Zustände kennt, 0 und 1, verwendet man hier als Basis die Zahl 2 anstatt der gewohnten 10:

2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
1	**1**	**1**	**0**	**1**

Ausgeschrieben bedeutet diese Zahl: `1 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 10^1 + 1 *2^0 = 16 + 8 + 4 + 0 + 1 = 29d`

Übertrag

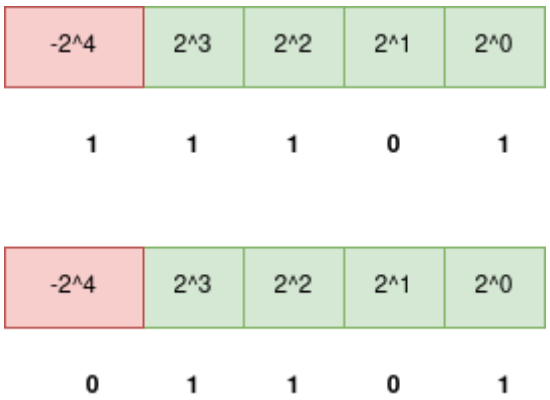
Mit n Bit kann man also die (vorzeichenlosen) Zahlen von `0-2^n-1` darstellen. Überschreitet man diesen Bereich, findet ein **Übertrag** statt - der Przessor setzt das Carry-Flag:

Bitmuster	Wert dezimal
11111101	253
11111110	254
11111111	255
00000000	0
00000001	1
00000010	2
00000011	3

Addiert man zum Bitmuster von 255 '1', findet ein Übertrag von der Einer auf die Zweierstelle statt, von der Zweier- auf die Vierer u.s.w. da nur 8 Bit zur Verfügung stehen, ist das Ergebnis in 8 Bit nicht '1 0000 0000' (9 Bit) sondern '0000 0000'. Dieser Fehler wird im Carry-Flag festgehalten.

Negative Zahlen - Zweierkomplement

Negative Zahlen werden im **Zweierkomplement** notiert. Dabei hat das höchstwertige Bit ein negatives Vorzeichen:



Die Zahl oben steht für **-** `1 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0 = -16 + 8 + 4 + 0 + 1 = -3d`

Die Zahl unten steht für **-** `0 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0 = -0 + 8 + 4 + 0 + 1 = 13d`

Eine negative Zahl hat also stets eine 1 an der höchstwertigen Stelle, denn die anderen Stellen können auf keinen Fall den neagtiven Wert ausgleichen: `1111 1111 = -1d`

Zahlen mit der Länge 8 Bit im Zweierkomplement haben also einen Wertebereich von `-128` … `127`

Die Dastellung im Zweierkomplement führt zu "nahtloser" Addition negativer Zahlen:

Bitmuster	Wert dezimal
11111101	-3
11111110	-2
11111111	-1
00000000	0
00000001	1
00000010	2
00000011	3

Addiert man zu `-1` die Zahl `1` ergibt sich korrekterweise `0` - man muss lediglich das Carry-Flag ignorieren. Genau so rechnet ein Mikroprozessor.

Überlauf

Beim Rechnen mit Zahlen in Zweierkomplementdarstellung lauert eine andere Gefahr: Wenn ein Übertrag aus das höchstwertige Bit stattfindet, ändert sich das Vorzeichen der Zahl. Man spricht von einem **Überlauf**.

From:
https://info-bw.de/ -

Permanent link:
https://info-bw.de/faecher:informatik:oberstufe:techinf:assembler:zahlen:start?rev=1632763383

Last update: **27.09.2021 17:23**